

Improving Students' Understanding of How to Subtract Mixed Numbers (Experience based on Lesson Study)

N. Farajpour^{*}, H. Pourshafeie

^۱. PhD student of curriculum, Birjand University & Teacher of Elementary Schools; ^۲. Assistant Professor, Department of Education, Birjand University

بهبود درک دانش آموزان از چگونگی تفریق عددهای مخلوط (تجربه مبتنی بر درس پژوهی)

نیلوفر فرج پور^{۱*}, هادی پور شافعی^۲

۱. دانشجوی دکتری برنامه ریزی درسی، دانشگاه بیرجند و آموزگار ابتدایی؛
۲. استادیار گروه علوم تربیتی، دانشگاه بیرجند

Abstract

Purpose: Nowadays, scientific and applied research has been increasingly considered to the implementation of curricula. Research development especially collaborative research within the school and classroom is one of the concerns of practitioners and policy makers and program executives. «Lesson Study» is a method to modify the teaching method and a practical pattern for a consistent review of mental patterns and participatory reflection on the practice of educational brokers. The present research implemented to improve fifth grade students' understanding from how to subtract mixed numbers.

Method: Lesson Study method has used in the present research. Studied population included fifth grade students (two classes ۱۴ and ۲۴ people) of Nor-al-Hoda girls' Nursery School of Birjand City. In this study Quantitative and Qualitative data were used. Qualitative data in this research include active monitoring of two math classroom of fifth grade in research-based study process, narrative interviews with teachers to understand the impact of research-based study in training improvement and enrich learning, study lesson plans, self-reflection notes of teachers, external observer comments and notes and comments of students fifth grade about research-based study effect on their learning amount and understanding from how to subtract mixed numbers and Quantitative data of this study include math test results of fifth grade before and after research-based study implementation.

Findings: Results show positive effect of research-based study on students' learning. Creating a suitable atmosphere for cooperation and using the experience of colleagues in classrooms can help to form modern methods to present training materials and facilitates training and learning.

Key words: subtract, mixed numbers, Lesson Study, math lesson plan

Received Date: ۱۰/۰۶/۱۷ • Accepted Date: ۱۰/۰۶/۱۸

چکیده

هدف: امروزه پژوهش عملی و کاربردی در به اجرا درآوردن برنامه‌های درسی بیش از پیش مورد توجه قرار گرفته است. یکی از دغدغه‌های کارگزاران و سیاستگذاران آموزشی و مجریان برنامه‌های درسی گسترش پژوهش به ویژه پژوهش مشارکتی درون مدرسه و کلاس درس است. «درس پژوهی» روشی برای اصلاح شیوه آموزش و تقویت عملی برای بازبینی مدام الگوهای ذهنی و بازندهی مشارکتی عمل کارگزاران آموزشی است. پژوهش حاضر با هدف بهبود درک دانش آموزان پایه پنجم از چگونگی تفریق عددهای مخلوط انجام گرفت.

روش: در پژوهش حاضر از روش درس پژوهی استفاده شد. جامعه مورد مطالعه دانش آموزان پایه پنجم (دو کلاس ۱۴ و ۲۴ نفره) دبستان دخترانه نورالهدی شهر بیرجند بودند. در این مطالعه از دو دادهای کیفی و کمی استفاده شد. دادهای کیفی در این پژوهش، شامل مشاهده فعل دو کلاس درس ریاضی پایه پنجم ابتدایی در فرایند درس پژوهی، مصاحبه‌های روایتی با معلمان برای فهم تأثیر درس پژوهی در بهبود آموزش و غنی‌سازی یادگیری، بررسی طرح درس‌ها، یادداشت‌های خود بازندهی معلمان، نظرات و یادداشت‌های ناظر بیرونی و نظرات دانش آموزان پایه پنجم در مورد تأثیر درس پژوهی بر میزان یادگیری و درک آن‌ها از چگونگی تفریق عددهای مخلوط است و داده‌های کمی مطالعه حاضر شامل نتایج آزمون ریاضی پایه پنجم قبل و بعد از اجرای فرایند درس پژوهی است.

یافته‌ها: نتایج نشان‌دهنده تأثیر مثبت روش درس پژوهی بر یادگیری دانش آموزان می‌باشد. ایجاد فضای مناسب برای همفکری و استفاده از تجربیات همکاران در کلاس‌های درسی می‌تواند به شکل گیری روش‌های نوین در ارائه مطالب آموزشی کمک کرده و عمل آموزش و یادگیری را تسهیل سازد.

کلید واژه‌ها: تفریق، عددهای مخلوط، درس پژوهی، طرح درس ریاضی

Email: niloufar.farajpour@gmail.com

* نویسنده مسؤول:

نیافر فرج پور
مقاله: ۰۹/۰۴/۱۴

نیلوفر فرج پور
مقاله: ۰۱/۰۲/۱۴

مقدمه و بیان مسأله

امروزه پژوهش عملی و کاربردی در به اجرا درآوردن برنامه‌های درسی بیش از پیش مورد توجه قرار گرفته است. یکی از دغدغه‌های کارگزاران و سیاست‌گذاران آموزشی و مجریان برنامه درسی گسترش پژوهش بهویژه پژوهش مشارکتی در درون مدرسه و کلاس درس است. درس پژوهی^۱ روشی برای اصلاح شیوه آموزش (Lewis and Hurd, ۲۰۱۶) و الگویی عملی برای بازبینی مداوم الگوهای ذهنی و بازنديشی مشارکتی در عمل کارگزاران آموزشی است. در درس پژوهی امکان خود نوسازی، بهسازی فرایند یاددهی یادگیری و بهبود کیفیت آموزش برای معلمان فراهم می‌شود و آن‌ها به عنوان پژوهشگران آشنا با جنبه‌های کاربردی و مهارت‌های عملی بهسوی بالندگی و گسترش ظرفیت شغلی خویش حرکت می‌کنند (Sarkararani, ۲۰۱۰). پژوهش‌ها نشان می‌دهند که درس پژوهی یکی از اثربخش‌ترین فرایندهای توأم‌مندسازی معلمان بهمنظور یاری رساندن به خود و همکارانشان در یادگیری حین عمل و توسعه حرفاء (Fernandez, ۲۰۱۰; Teplin, cited by Habibzadeh, ۲۰۱۳; Sarkararani, ۲۰۱۰; Khakbaz et al., ۲۰۱۰) و یادگیری دانشآموزان (Habibzadeh et al., ۲۰۱۰ cited by Bakhtiari and Mosadeghi Nik, ۲۰۱۶; Fernandez, ۲۰۱۰; Schmidt and Christie cited by Becker et al., ۲۰۰۷ cited by Habibzadeh, ۲۰۱۳) و گسترش تفکر انتقادی در بین دانشآموزان (by Habibzadeh, ۲۰۱۳) است. تجربه کشورهای گوناگون از اجرای درس پژوهی در کلاس‌های درس ریاضی و علوم نشان می‌دهد که معلمان در فرایند درس پژوهی همراه با دانشآموزان فرصت‌های غنی برای سازماندهی تعامل اثربخش در کلاس درس، آموختن از یکدیگر و بهسازی آموزش مناسب با شرایط حرفاء ای خود و بهویژه از طریق بهبود تعامل میان دانشآموزان و معلم به دست می‌آورند (Sarkararani, ۲۰۱۰).

مقالات و کتاب‌های متعددی به بررسی شیوه‌های آموزش و شرح و بسط مفاهیم ریاضی دوره ابتدایی پرداخته‌اند (Norouzian, ۱۹۹۰a; Norouzian, ۱۹۹۰b; Ezatkhah, ۱۹۹۲; Tavakoli, ۱۹۹۰; Saberi, ۱۹۹۰; Tabatabaei et al, ۲۰۱۰) . بیشتر این مقالات در مجلات رشد معلم در سال‌های ۷۰ به چاپ رسیده‌اند. کتاب‌های درسی ریاضی بعد از آن سال‌ها دستخوش تغییرات بسیاری بوده است. با وجود این بسیاری از شیوه‌های حل مسائل ریاضی هم اکنون نیز در کلاس‌های ریاضی مدارس ابتدایی بکار گرفته می‌شوند. با توجه به این که روش‌های پیشنهادی کتاب ریاضی پایه پنجم و روش‌های مورد استفاده معلمان برای آموزش و حل مسائل مربوط به تفریق عددهای مخلوط در یادگیری دانشآموزان پایه پنجم دبستان مورد مطالعه تأثیر چندانی نداشته است و دانشآموزان هر

۱. lesson study

دو پایه با توجه به نتایج آزمون‌ها و اظهارات معلمانتان، درک درستی از چگونگی تفریق عددهای مخلوط کسب نکرده‌اند، این مطالعه با هدف بهبود درک دانش‌آموزان پایه پنجم از چگونگی تفریق عددهای مخلوط انجام گرفت.

روش‌شناسی پژوهش

روش پژوهش حاضر، درس‌پژوهی است. درس‌پژوهی طبق دسته‌بندی مارشال و راسمن (۱۹۹۵) یک روش پژوهش کیفی از نوع مشارکتی محسوب می‌شود (Marshall and Rossman, ۲۰۱۶) و الگویی برای توسعه حرفه‌ای معلمان است (Sarkararani, ۲۰۱۰).

پژوهش حاضر بر روی دانش‌آموزان پایه پنجم دبستان نورالله‌ی (دو کلاس ۱۴ و ۲۴ نفره) شهرستان بیرجند که در سال تحصیلی ۱۳۹۵-۹۶ در این مدرسه مشغول به تحصیل بوده‌اند، انجام گرفت. برای گردآوری اطلاعات از داده‌های کیفی و کمی استفاده شد. داده‌های کیفی در این پژوهش، شامل مشاهده فعال دو کلاس درس ریاضی پایه پنجم ابتدایی در فرایند درس‌پژوهی، مصاحبه‌های روایتی با معلمان برای فهم تأثیر درس‌پژوهی در بهبود آموزش و غنی‌سازی یادگیری، بررسی طرح درس‌ها، یادداشت‌های خود بازنده‌ی معلمان، نظرات و یادداشت‌های ناظر بیرونی و نظرات دانش‌آموزان پایه پنجم در مورد تأثیر درس‌پژوهی بر میزان یادگیری و درک آن‌ها از چگونگی تفریق عددهای مخلوط است. داده‌های کمی شامل نتایج آزمون ریاضی پایه پنجم قبل و بعد از اجرای درس‌پژوهی است. با استفاده از داده‌های کمی حاصل از این آزمون، میزان یادگیری دانش‌آموزان قبل و بعد از اجرای روش پیشنهادی جمع و تفریق عددهای مخلوط مورد بررسی قرار گرفت.

تعداد اعضای گروه درس‌پژوهی و تعداد دانش‌آموزان پایه پنجم به تفکیک کلاس در جدول ۱، مشاهده می‌شود.

جدول (۱): تعداد اعضای گروه درس‌پژوهی و دانش‌آموزان پایه پنجم

اعضای درس پژوهی	پنجم
مشاهده‌گر تطبیق	مشاهده‌گر فعالیت و مشاهده‌گر فعالیت و ناظر
مجربی	مشاهده‌گر فعالیت و مشاهده‌گر فعالیت و ناظر
(تدریس	(تدریس
تدریس	تدریس
آموزان	آموزان
۱	۱
۵	۳
۱	۱
۲۴	۱۴
۲۴	۲۴

درسپژوهی دارای الگوها و شکل‌های مختلفی است. به طور مثال، یوشیدا^۱ (۱۹۹۹) پنج مرحله «بررسی و آماده سازی مقدماتی، اجرای درس، بازنديشی و اصلاح، اجرای طرح درس اصلاح شده و بازخورد و تهیه گزارش» را به عنوان مراحل درسپژوهی پیشنهاد کرده است (Bakhtiari and Mosadeghi Nik, ۲۰۱۶). هیث کوک^۲ (۲۰۱۰) مراحل چهارگانه، «برنامه‌ریزی و طراحی، تدریس و مشاهده، بازنگری و اصلاح، تدریس دوباره و بازنديشی درباره نتایج» را به عنوان مراحل درسپژوهی در نظر گرفته است (Habibzadeh, ۲۰۱۳).

در پژوهش حاضر به منظور بهبود درک دانشآموزان پایه پنجم از چگونگی تفریق عده‌های مخلوط، مراحل دهگانه زیر دنبال شد.

مرحله اول: تشکیل گروه درس پژوهی

درسپژوهی یک حلقه پژوهشی است که در آن، معلمان به صورت گروهی در مورد موضوعات برنامه درسی به پژوهش می‌پردازند (Khakbaz and et al., ۲۰۰۸). درسپژوهی در شکل اولیه خود بیشتر در نظامهای آموزشی متتمرکز اجرا می‌شود و معلمانی که در پایه‌های تحصیلی مشترک تدریس می‌کنند؛ گروههای درسپژوهی مختص به پایه خود را تشکیل می‌دهند (Habibzadeh, ۲۰۱۳). در شکل‌های پیشرفته‌تر، زمانی که موضوع آموزش و پژوهش برای معلمان پایه‌های مختلف یکسان است، ایجاد تیم‌های درسپژوهی ضربدری (بین مقطعی^۳) روش قدرتمندی است که به معلمان نشان می‌دهد چگونه یک مفهوم در مقاطع مختلف پرورش پیدا می‌یابد (Lewis and Hurd, ۲۰۰۲). در مورد تعداد اعضای گروه درسپژوهی نظرات متفاوتی ارائه شده است. لوئیس (2002) تعداد اعضای گروه درسپژوهی را بین ۳ تا ۱۶ نفر، سربین و کپ^۴ (2006) بین ۳ تا ۶ و لوئیس و هارد (2011) بین ۴ تا ۶ نفر پیشنهاد کرده‌اند (Habibzadeh, ۲۰۱۳).

در پژوهش حاضر، با توجه به این که معلمان مدرسه موردنظر تجربه تدریس در پایه‌های مختلف ابتدایی را داشتند، اعضای گروه درسپژوهی از بین معلمان پایه‌های مختلف و با توجه به میزان علاقه‌مندی و همکاری ایشان انتخاب شد. برای اجرای درسپژوهی ۱۰ نفر از معلمان (مدیر و معاون آموزشگاه، دو معلم کلاس اول، معلمان کلاس دوم و سوم، دو معلم از کلاس پنجم و دو معلم از کلاس ششم) اعلام آمادگی کردند.

۱. Yoshida

۲. Haithcock

۳. cross- grade- level

۴. Cerbin & Kopp

مرحله دوم: تبیین مسئله^۱

درس‌پژوهی یک فرایند حل مسئله است. بنابراین ضمن تشکیل گروه درس‌پژوهی و پس از آن، آن‌چه از اهمیت زیادی برخوردار است تبیین مسئله‌ای است که فعالیت گروه درس‌پژوهی را برانگیخته و هدایت خواهد کرد. مسئله می‌تواند یک سؤال عمومی (برانگیختن علاقه دانشآموزان به ریاضیات) یا یک سؤال جزئی‌تر (بهبود فهم دانشآموزان از چگونگی جمع کردن کسرها با مخرج نامساوی) باشد (Habibzadeh, ۲۰۱۳). عموماً معلمان مسئله‌ای را انتخاب می‌کنند که از فعالیت‌های خود به دست آورده‌اند یا برای دانشآموزانش دشواری‌هایی را ایجاد کرده است (Akhtiani and Mosadeghi Nik, ۲۰۱۶).

در این مرحله از پژوهش حاضر از اعضای گروه درس‌پژوهی درخواست شد، که با توجه به تجارت آموزشی خود در پایه‌های مختلف، موضوعات و مسائلی که تا کنون با آن‌ها برخورد کرده‌اند و دشواری‌هایی برای دانشآموزان ایجاد کرده است، یادداشت کرده و در جلسات گروه درس‌پژوهی مطرح کنند. طی جلسات متعدد موضوعات و مباحث مختلفی مطرح شد و مورد بررسی قرار گرفت. در پایان تیم درس‌پژوهی بر روی مباحث «جمع و تفریق کسرها با مخرج نامساوی و جمع و تفریق عدددهای مخلوط» از کتاب ریاضی پایه پنجم به توافق رسیدند. سپس بهمنظور تعیین وضعیت دانشآموزان در هر یک از موضوعات پیشنهادی و انتخاب نهایی مسئله پژوهش، آزمونی از سه فصل اول کتاب ریاضی پایه پنجم طراحی شد. این آزمون بر روی دانشآموزان پایه پنجم اجرا شد. نتایج نشان داد که بیشتر دانشآموزان پایه پنجم این مدرسه در تفریق عدددهای مخلوط دچار اشتباه می‌شوند. در نتیجه بهبود درک دانشآموزان از چگونگی تفریق عدددهای مخلوط به عنوان مسئله پژوهشی انتخاب شد.

مرحله سوم: مطالعه و بررسی موضوع

بیشتر گروه‌های تازه کار درس‌پژوهی بالاصله پس از انتخاب موضوع و مسئله به طراحی درس می‌پردازنند؛ اما در درس‌پژوهی ایده‌آل و مطلوب پیش از طراحی درس، باید موضوع از طریق مطالعه کتاب‌ها، مقالات و پژوهش‌های انجام شده مورد بررسی دقیق قرار گیرد. این بررسی یک دانش پایه قوی درباره موضوع درس، شیوه آموزش آن و نحوه تفکر و یادگیری دانشآموزان در اختیار اعضای گروه قرار می‌دهد. در نتیجه آن‌ها درس را با کیفیت بالاتری طراحی می‌کنند (Habibzadeh, ۲۰۱۳).

در پژوهش حاضر، هر یک از اعضای گروه درس‌پژوهی با توجه به تجربه کاری و استفاده از کتاب‌های راهنمای معلم و کتاب‌های آموزش ریاضی و صحبت با سایر آموزگاران پایه پنجم، روشی

^۱. defining and researching a problem

برای آموزش تفریق عددهای مخلوط پیشنهادی کردند. روش‌های پیشنهادی در جلسات درس‌پژوهی مورد نقد و بررسی قرار می‌گرفت.

مرحله چهارم: برنامه‌ریزی درس

در این مرحله اعضای گروه درس‌پژوهی با توجه به هدف یادگیری مشخص شده و اطلاعات به دست آمده در مرحله قبلی اقدام به برنامه‌ریزی و طراحی می‌کنند. اغلب برنامه اولیه‌ای که گروه تولید می‌کند در جلسه‌ای برای همه معلمان مدرسه مطرح می‌شود تا مورد نقد و بررسی قرار گیرد. سپس بر مبنای بازخوردهای داده شده نسخه اولیه اصلاح شده و آماده اجرا می‌شود (Bakhtiari and Mosadeghi Nik, ۲۰۱۶).

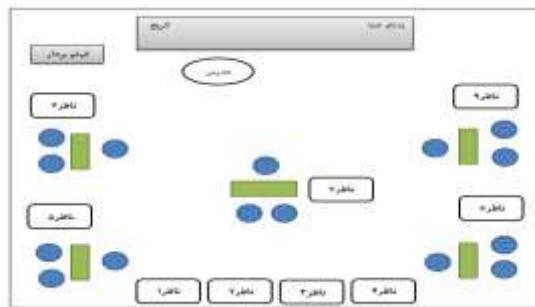
در این مرحله از پژوهش حاضر، با توجه به اطلاعات به دست آمده از مراحل قبلی، روش جدیدی برای آموزش تفریق عددهای مخلوط با الگو گیری از روش جمع و تفریق عددهای مرکب تنظیم شد. اعضای گروه درس‌پژوهی با همکاری یکدیگر، طرح درس اولیه را تنظیم کردند و به صورت آزمایشی در جلسه‌ای بدون حضور دانشآموزان اجرا و نقد و بررسی کردند. سپس نسخه اصلاح شده طرح درس برای اجرای تدریس با حضور دانشآموزان آماده شد.

مرحله پنجم: آموزش درس و مشاهده آن^۱

در این مرحله برای تدریس و آموزش درس، تاریخی معین می‌شود. هر کدام از معلمان گروه درس پژوهی، نقشی بر عهده می‌گیرند و زمینه‌های لازم برای اجرای موفق درس در شرایط واقعی مورد بررسی قرار می‌گیرد (Khakbaz et al., ۲۰۰۸).

در پژوهش حاضر با توجه به تخصص و زمینه کاری هر یک از اعضای گروه درس‌پژوهی یکی از مسؤولیت‌های « مجری تدریس، مشاهده‌گر تطبیق طرح درس و اجرا، مشاهده‌گر فعالیت و واکنش‌های معلم، مشاهده‌گر فعالیت و واکنش‌های دانشآموزان» را بر عهده گرفت و چک لیست‌های مشاهده مربوط به هر بخش تهیه و تنظیم شد. شکل ۱ نحوه چینش کلاسی در تدریس اول را نشان می‌دهد.

۱. teaching and observing the lesson



شکل (۱): نحوه چینش کلاسی در تدریس اول

با توجه به این شکل مشاهده‌گران فعالیت‌های معلم و تطبیق طرح درس و اجرا در انتهای کلاس و مشاهده‌گران فعالیت‌های دانش‌آموزان در کنار هر یک از گروه‌ها قرار دارند. بعد از مشخص شدن مسؤولیت‌ها تاریخ تدریس اول مشخص شد و تدریس در تاریخ مشخص شده بر روی دانش‌آموزان پنجم الف (۱۴ نفر) اجرا شد.

مرحله ششم: ارزیابی درس و انعکاس تأثیر آن^۱

این مرحله معمولاً در همان روز اجرای طرح درس انجام می‌گیرد. در این جلسه ابتدا مجری تدریس نظر خود را در مورد چگونگی اجرای درس، یادگیری دانش‌آموزان، مشکلات پدید آمده، مواردی که مجبور بوده برخلاف طرح درس تصمیم بگیرد و اجرا کند و مسائل عمده دیگر در کلاس درس را بیان می‌کند. سپس سایر اعضای گروه درس‌پژوهی نظر خود را در مورد طرح درس اجرا شده و کلاس درس بیان می‌کنند. در این مرحله تمرکز بر روی درس است نه معلمی که آن را آموزش داده است (Habibzadeh, ۲۰۱۳).

در پژوهش حاضر نیز بعد از اجرای تدریس اول جلسه‌ای به منظور نقد و بررسی درس اجرا شده تشکیل شد. مجری تدریس و سایر اعضا نظر خود را در مورد طرح درس اجرا شده بیان کردند. در این مرحله ضمن مشاهده مجدد فیلم جلسه تدریس نکات قوت و ضعف طرح درس اجرا شده، بررسی شد. تعدادی از نکات مطرح شده توسط اعضای گروه به شرح زیر است:

۱. ارائه شکل‌های آماده به دانش‌آموزان موجب اشتباہ آنها هنگام محاسبه می‌شود.
۲. نوشه‌های اسلاید ارائه شده هنگام جمع‌بندی با فونت بزرگ‌تری ارائه شود.
۳. هنگام ارزشیابی پایانی پخش موسیقی می‌تواند فضای کلاس را تغییر دهد.
۴. به جای واژه «فرض گرفتن» در هنگام تفریق عده‌های مخلوط از واژه «انتقال» استفاده شود.

^۱. evaluating the lesson and reflecting on its effects

۵. در انجام کارهایی مثل تمیز کردن تابلو یا توزیع برگه‌های سؤال از دانشآموزان کمک گرفته شود.
۶. هنگام توضیح روش محاسبه تفريع توسط دانشآموز، معلم نیز بر آن تأکید بیشتری کند.
۷. به گفته‌های دانشآموزان و طرز بیان مسأله توسط آنها توجه بیشتری شود.
۸. به دانشآموزی که مسأله او به عنوان ایجاد انگیزه مطرح شده بود بعد از حل مسأله تذکر داده شود.

مرحله هفتم: تجدید نظر در درس^۱

معلمان گروه درس پژوهی با توجه به مشاهدات و بازخوردها در درس تجدیدنظر می‌کنند. آن‌ها ممکن است مواد آموزشی، فعالیت‌ها، سؤالات و مسائل مطرح شده یا همه این موارد را تغییر دهند.
(Bakhtiari and Mosadeghi Nik, ۲۰۱۶)

در پژوهش حاضر طرح درس اولیه با توجه به نکات مطرح شده در مرحله قبلی مورد بازبینی قرار گرفت و اصلاح شد.

مرحله هشتم: آموزش و مشاهده درس تجدیدنظر شده^۲

زمانی که طرح درس تجدیدنظر شده آماده شد، درس در کلاس متفاوتی تدریس می‌شود. گاهی معلم درس، همان معلم قبلی است و در بیشتر موارد معلم دیگری از گروه درس پژوهی تدریس را بر عهده می‌گیرد (Habibzadeh, ۲۰۱۳).

در این مرحله از پژوهش حاضر، مجری تدریس تغییر نکرد ولی تدریس دوم بر روی گروه جدیدی از دانشآموزان پایه پنجم (۲۴ نفر) و با حضور تمامی اعضای گروه درس پژوهی و یکی از اساتید دانشکده روانشناسی و علوم تربیتی به عنوان ناظر بیرونی اجرا شد.

مرحله نهم: ارزیابی و بازنديشی مجدد^۳

در این مرحله معمولاً همه اعضای گروه درس پژوهی در یک جلسه طولانی شرکت می‌کنند. گاهی یک فرد متخصص از خارج از مدرسه برای شرکت در این جلسه دعوت می‌شود. معلمان و ناظران درس را نقد و بررسی می‌کنند. هنگام بحث درباره درس نه تنها یادگیری و فهم دانشآموزان بلکه آن دسته از مسائل عمومی که به وسیله فرضیه‌های اصلی درس پژوهی بیان شده‌اند، مورد توجه قرار

۱. revising the lesson

۲. teaching and observing the revised lesson

۳. evaluating and reflecting a second time

می‌گیرد و بالاخره در این مورد که چه چیزی از درس و اجرای آن آموخته شده است صحبت می‌شود (Khakbaz and et al., ۲۰۰۸).

در پژوهش حاضر بعد از اجرای تدریس دوم در همان روز جلسه‌ای با حضور ناظر بیرونی و اعضای گروه درس پژوهی برگزار شد. بخشی از نکات مطرح در این جلسه به شرح زیر است:

۱. تکالیف ارائه شده در حین تدریس کم تر شود.

۲. به کتاب درسی هنگام تدریس مراجعه شود.

۳. عنوان درس به طور واضح بیان شود.

۴. گروهی که سریع‌تر به پاسخ می‌رسد تشویق شود.

۵. واحدها به قسمت‌های مساوی تقسیم شوند و در صورتی که دانشآموزان در کشیدن و تقسیم‌بندی این نکته را رعایت نکردند تذکر داده شود.

مرحله دهم: سهیم شدن در نتایج^۱

در پایان بهمنظور گسترش آثار و نتایج مطالعات انجام شده و کمک به توسعه حرفه‌ای معلمان و بهبود و پیشرفت نظام آموزشی، طرح درس‌های تهیه شده، شواهد و یادداشت‌های اعضای گروه، نمونه‌ای از فعالیت‌ها و تکالیف دانشآموزان، جریان مباحث گروه در جلسات برگزار شده و فیلم‌های تهیه شده به عنوان گزارش نهایی تهیه و در اختیار معلمان، مدارس و چرخه‌های درس‌پژوهی قرار می‌گیرد (Habibzadeh, ۲۰۱۳).

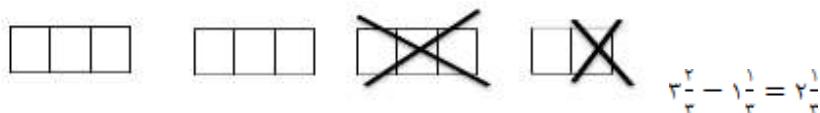
یافته‌های پژوهش

عدد مخلوط عددی است که از یک عدد صحیح و یک کسر تشکیل شده باشد. در پایه پنجم دانشآموزان با جمع، تفریق، ضرب و تقسیم عده‌های مخلوط آشنا می‌شوند. دانشآموزان کلاس پنجم به چهار روش «رسم شکل، رسم نمودار، تبدیل عده‌های مخلوط به کسر و جمع و تفریق جداگانه کسرها و عده‌های صحیح» می‌توانند عملیات جمع و تفریق عده‌های مخلوط را انجام دهند (Organization for Education Research and Planning, ۲۰۱۶). در این مطالعه دانشآموزان با روش جدیدی برای محاسبه تفریق عده‌های مخلوط آشنا می‌شوند. در ادامه هر کدام از روش‌ها به اضافه روش پیشنهادی توضیح داده می‌شود.

۱. رسم شکل در تفریق عده‌های مخلوط

^۱. sharing the results

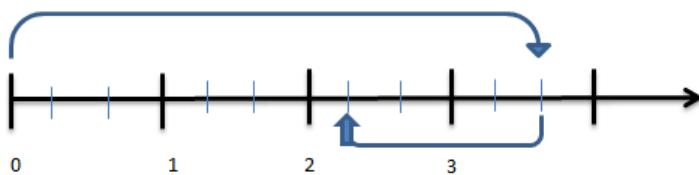
در این روش دانشآموزان شکل مربوط به عدد مخلوط اول را رسم کرده و عدد مخلوط دوم را از آن کم می‌کنند.



۲. رسم محور در تفریق عدهای مخلوط

این روش شبیه به روش اول (رسم شکل) است با این تفاوت که دانشآموزان برای محاسبه تفریق از محور مختصات استفاده کرده، به اندازه عدد مخلوط اول بر روی محور جلو می‌روند و به اندازه عدد مخلوط دوم مسیر را بر می‌گردند.

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$



۳. تبدیل عدهای مخلوط به کسر در تفریق

روش‌های رسم شکل و رسم محور بیشتر در ابتدای آموزش مورد استفاده قرار می‌گیرد و در مورد مقادیر بزرگ کمتر کاربرد دارد. در روش سوم دانشآموزان دو عدد مخلوط را به کسر تبدیل می‌کنند و سپس عمل تفریق را انجام می‌دهند (در صورت وجود مخرج‌های مساوی صورت‌ها را از هم کم می‌کنند در غیر این صورت، مخرج مشترک می‌گیرند).

این روش در شرایطی که دو عدد مخلوط مخرج‌های نامساوی دارند و عدهای نیز بزرگ‌تر هستند دانشآموزان را دچار مشکل می‌کند.

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{3} = \frac{11}{3} - \frac{4}{3} = \frac{7}{3} = \frac{1}{3}$$

۴. تفریق جداگانه کسرها و عدهای صحیح

در این روش دانشآموز عدهای صحیح و کسرها را به‌طور جداگانه تفریق می‌کند. این روش نسبت به روش سوم راحت‌تر است و دانشآموزان سریع‌تر به پاسخ صحیح دست پیدا می‌کنند. اما هنگامی که کسر دوم از کسر اول کوچک‌تر است و یا زمانی که می‌خواهیم عدد مخلوط را از یک عدد صحیح کم کنیم، دانشآموزان را دچار اشتباه می‌شوند.

$$\frac{3}{3} - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 3-1=2 \\ \frac{2}{3} - \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \end{array} \right.$$

۵. روش پیشنهادی

این روش با الهام از تفریق عدهای مرکب انجام می‌شود. مفهوم عدد مرکب در کتاب ریاضی پایه پنجم در مورد زمان به کار برده می‌شود. و در فصل اول این کتاب دانشآموزان با اعداد مرکب و جمع و تفریق آن‌ها آشنا می‌شوند (Organization for Education Research and Planning, ۲۰۱۶). در این روش از دانشآموزان خواسته می‌شود عدهای مخلوط را زیر هم نوشه و تفریق را انجام دهنند. این روش درک روش‌تری نسبت به عملیات تفریق در ذهن دانشآموزان ایجاد می‌کند و علت باز کردن عدهای صحیح در زمانی که کسر اول از کسر دوم کوچک‌تر است را راحت‌تر درک می‌کند.

$$\begin{array}{r} 3 & \frac{2}{3} \\ - & 1 & \frac{1}{3} \\ \hline 2 & \frac{1}{3} \end{array}$$

در پژوهش حاضر قبل و بعد از تدریس روش پیشنهادی، آزمون ریاضی از دانشآموزان گرفته شد. جدول ۲، درصد پاسخ دانشآموزان به سوالات مربوط به تفریق عددهای مخلوط را نشان می‌دهد.

جدول (۲): درصد پاسخ صحیح دانشآموزان به سوالات مربوط به تفریق عددهای مخلوط

تفریق دو عدد مخلوط $\frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$	تفریق یک عدد صحیح از یک عدد مخلوط $2 - \frac{1}{3} = \frac{5}{3}$	
۳۶/۸	۷/۸	قبل از تدریس روش پیشنهادی
۴۳/۲	۷۲/۹	بعد از تدریس روش پیشنهادی

جدول ۲، درصد دانشآموزانی که به سوالات مربوط به تفریق عددهای مخلوط پاسخ صحیح داده‌اند نشان داده است. قبل از اجرای درس پژوهی دانشآموزان با استفاده از یکی از روش‌های ۱ تا ۴، تفریق عددهای مخلوط را انجام می‌دادند. وقتی روش جدید به دانشآموزان آموخته شد درصد بیشتری از آن‌ها توانستند به سوال مربوط به تفریق عددهای مخلوط پاسخ صحیح دهنند. علاوه‌بر این بررسی نمون برگ‌های خودارزیابی اعضای گروه درس پژوهی نشان داد که همه اعضای گروه، تأثیر فرایند درس پژوهی را در تغییر دیدگاه و نگرش، انتقال تجربیات آموزشی و پرورشی، تغییر دانش و مهارت‌های آموزشی و پرورشی معلم، توسعه مهارت مشارکت و همکاری با معلمان دیگر، تقویت دانش استفاده از ابزار و فناوری آموزشی و ایجاد انگیزش حرفه‌ای را خوب گزارش کردند.

نمون برگ‌های نظرسنجی از دانشآموزان نیز نشان داد که استفاده از روش جدید برای اکثر دانشآموزان ساده‌تر از روش‌های قبلی بوده است و اجرای درس پژوهی به یادگیری و احساس بهتر آن‌ها در کلاس درس کمک کرده است. در ادامه نمونه‌ای از دیدگاه‌های دانشآموزان ارائه می‌شود:

«روش خیلی عالی است. دوست دارم در تمام جمع و تفریق‌هایی از این روش استفاده کنم.»

«من با این روش خیلی بهتر می‌فهمم. اگر می‌شود یک بار دیگر آن‌ها را مرور کنیم.»

«این کلاس بسیار عالی بود زیرا من چیزهای زیادی یاد گرفتم و امیدوارم دوباره این کلاس برگزار شود و علاوه‌بر مسئله و سوالات دیروز، چیزهای دیگری هم یاد بگیرم.»

«من دوست دارم دوباره در این کلاس شرکت کنم.»

بحث و نتیجه‌گیری

درس‌پژوهی یک حلقه پژوهشی است که در آن، معلمان به صورت گروهی درباره موضوعات برنامه درسی به پژوهش می‌پردازنند. آن‌ها ابتدا با توجه به تجربه آموزشی خود در کلاس‌های درس، مسائلهایی که برای دانش‌آموزانشان دشواری‌هایی ایجاد کرده است انتخاب می‌کنند. سپس با همکاری یکدیگر در مورد موضوع انتخابی، شیوه آموزش آن و نحوه تفکر و یادگیری دانش‌آموزان اطلاعاتی گردآوری کرده و به طراحی و برنامه‌ریزی درس می‌پردازنند. بعد از آماده شدن طرح درس برای تدریس درس تاریخی مشخص کرده و مسؤولیت‌های جلسه تدریس را در بین خود تقسیم می‌کنند. بعد از اولین تدریس جلسه نقد و بررسی برگزار شده و با توجه به مشاهدات و بازخوردها در طرح درس تجدیدنظر می‌شود. سپس طرح درس اصلاح شده در جلسه‌ای با حضور اعضای گروه درس‌پژوهی و معمولاً یک ناظر بیرونی اجرا می‌شود. مجدداً جلسه‌ای به منظور نقد و بررسی تدریس دوم برگزار می‌شود و گزارشی از نتایج جلسات و یافته‌های گروه درس‌پژوهی تنظیم می‌شود.

پژوهش حاضر با هدف بهبود درک دانش‌آموزان پایه پنجم از چگونگی تفریق عددهای مخلوط با استفاده از روش درس‌پژوهی انجام گرفت. نتایج نشان داد که روش تدریس پیشنهادی گروه درس پژوهی، بر یادگیری دانش‌آموزان و توانایی آن‌ها در حل مسائل مربوط به تفریق عددهای مخلوط تأثیر مثبت داشته است. نتایج پژوهش‌های انجام شده نیز نشان می‌دهد که درس‌پژوهی به بهبود تدریس (Fernandez, ۲۰۱۰; Teplin and Kratzer, ۲۰۰۷) و یادگیری دانش‌آموزان (Habibzadeh, ۲۰۱۰; Schmidt et al., ۲۰۱۰ cited by Bakhtiari and Mosadeghi Nik, ۲۰۱۶; Fernandez, ۲۰۱۰; Christie cited by Habibzadeh, ۲۰۱۳ and Christie cited by Habibzadeh, ۲۰۱۳) کمک می‌کند. در واقع استفاده از تجربیات معلمان در کلاس‌های درس و ایجاد فضای مناسب همفکری و تبادل نظر می‌تواند به شکل‌گیری روش‌های نوین در ارائه مطالب آموزشی کمک کرده و عمل آموزش و یادگیری را تسهیل سازد.

البته شرکت معلمان در جلسات درس‌پژوهی و عدم حضور آن‌ها در کلاس‌های خود، بی‌نظمی‌هایی در مدرسه ایجاد کرده که در بیشتر مواقع با اعتراض و نگرانی مدیران مدارس همراه است. تخصیص زمان و تسهیل شرایط جهت حضور معلمان علاقه‌مند در جلسات درس‌پژوهی توسط وزارت آموزش و پرورش، روند اجرایی این برنامه را تسهیل بخشیده و به ارتقای سطح آموزش کمک می‌کند. علاوه‌بر این، همکاری بیشتر بین دانشگاه فرهنگیان و مدارس و استفاده از دانشجویان دانشگاه فرهنگیان به عنوان نیروهای کمکی در مدارس و جلسات درس‌پژوهی، می‌تواند به پیشبرد اهداف درس‌پژوهی بیش از پیش کمک کند.

در پایان نیز پیشنهاد می‌شود روش ارائه شده جهت تفریق عدههای مختلف در دیگر کلاس‌های پایه پنجم ابتدایی به منظور مشخص شدن نقاط ضعف و قوت و میزان کارایی روش به اجرا درآید.

تقدیر و تشکر

در پایان بر خود لازم دانستم از همکاری و زحمات ناظر بیرونی پژوهش؛ استاد گرانقدر دانشکده علوم تربیتی و روانشناسی دانشگاه بیرجند، مدیریت و معاونت محترم آموزشگاه نورالهدی؛ سرکار خانم سیدآبادی و سرکار خانم خسروی و کلیه آموزگاران پرتلاش و دلسوز این آموزشگاه که ما را در این مهم یاری نمودند، تقدیر و تشکر نمایم.

References:

- Bakhtiari, A., Mosadeghi Nik, K. (۲۰۱۶). *Lesson study*. Tehran: Avaye Noor, [In Persian].
- Fernandez, M. L. (۲۰۱۰). Investigating how and what prospective teachers learn through microteaching lesson study. *Teaching and Teacher Education*, ۲۶(۲): ۳۵۱-۳۶۲.
- Habibzadeh, A. (۲۰۱۳). *A practical guide to lesson study*. Qom: Qom University, [In Persian].
- Khakbaz, A. S., Fadai, M. R., Mousapour, N. (۲۰۰۸). The impact of lesson study on professional development of mathematics teachers. *Journal of Education*, ۹۴: ۱۲۳-۱۴۶, [In Persian].
- Lewis, C. C., Hurd, J. (۲۰۱۶). *Lesson study, step by step: how teacher learning communities improve instruction*. Tehran: Saz va Kar, [In Persian].
- Marshall, C., Rossman, G. B. (۲۰۱۶). *Designing qualitative research*. Translate by: Aarabi, S. M., Parsayan, A. Tehran: culture and research, [In Persian].
- Organization for Education Research and Planning (۲۰۱۶). *Grade ۸ Mathematics Textbook*. Tehran: General Directorate for the Monitoring, Publication and Distribution of curriculum, [In Persian].
- Sarkararani, M. R. (۲۰۱۰). Lesson study a model of improving mathematical discourse in classroom: a case study of Fuku Sima High School. *Journal of Education*, ۲۷(۱۰۵): ۳۵-۶۲. [in Persian]
- Teplin, A., Kratzer, C. (۲۰۰۷). From Lesson Study to Lesson Link: Classroom- Based Professional Development. *Paper presented for the Annual Conference of the American Educational Research Association (AERA)*.
- Norouzian, M. (۱۹۹۰-a). The Emphasis on Spatial Value (mathematical education). *Journal of teacher growth*, (۱۱۶): ۵۲-۵۶, [In Persian].
- Norouzian, M. (۱۹۹۰-b). Expanding Fractions and Decimal Numbers (mathematics). *Journal of teacher growth*, (۱۱۴): ۳۴-۳۷, [In Persian].
- Ezatkahah, K. (۱۹۹۲). Conventional Fraction of Proportion and Proportion. *Journal of teacher growth*, (۱۰۶): ۴۰-۴۸, [In Persian],
- Tavakoli Saberi. A. R. (۱۹۹۰). Calculating Area and Volume (Math Training in Elementary). *Journal of teacher growth*, (۸۰): ۴۴-۵۲, [In Persian].
- Tabatabaei Aghda. S. M. et al. (۲۰۱۰). *Mathematics Encyclopedia*. Tehran: Varaye Danesh [In Persian]

پیوست

نام درس: ریاضی نام مدرسه: نورالهدی تعداد دانشآموزان: ۱۴ صفحه: ۳۱ طراح: دبستان نورالهدی تاریخ: ۱۳۹۵/۱۱/۱۷ پایه: پنجم ابتدایی مدت جلسه: ۳۰	ویژگی‌های فراغیران سنی: دانشآموزان در محدوده سنی ۱۱-۱۲ ساله هستند. شناختی: براساس نظریه پیازه دانشآموزان در این سن در مرحله عملیات عینی و محسوس هستند به سخن دیگر، در این مرحله از رشد، کودک توانایی انجام اعمال منطقی را کسب می‌کند، اما این اعمال را با امور محسوس و عینی می‌تواند انجام دهد نه با امور فرضی و پدیده‌های انتزاعی. اجتماعی: در کار گروهی شرکت می‌کنند و با هم رابطه خوبی دارند. جسمانی: به رشد مطلوب رسیده‌اند. اقتصادی: همه دانشآموزان به جز پنج مورد از نظر وضعیت اقتصادی در سطح متوسط هستند.
هدف کلی آشنایی دانشآموزان با چگونگی انجام تفریق دو عدد مخلوط.	
اهداف رفتاری از فراغیران انتظار می‌رود که در این درس: اهداف شناختی ۱- با استفاده از محاسبات ریاضی پاسخ تفریق عددهای مخلوط را به دست آورد. ۲- چگونگی محاسبه تفریق عددهای مخلوط را توضیح دهد. ۳- مسائلی که مرتبط با تفریق عددهای مخلوط می‌باشد حل کند. ۴- برای عددهای مخلوط داده شده مسئله بنویسد. اهداف نگرشی ۱- برای پاسخ گویی به سوالات خود عجلانه عمل نکند و ویژگی‌ها و عوامل مختلف را در نظر بگیرند.	
روش تدریس اکتشافی، توضیحی	
رسانه	تخته، محور و مربع رنگی، پاورپوینت خلاصه درس.

فضا کلاس درس محتوا کتاب ریاضی پنجم ابتدایی صفحه ۳۱ چینش کلاسی ۵ گروه ۳ نفره (به صورت نیم دایره) رفتار و رودی دانشآموزان: ۱- با مفهوم کسر اشنایی دارند. ۲- می توانند کسرهای داده شده را با هم جمع و یا تفریق کنند. ۳- جواب جمع یا تفریق را از طریق شکل، محور یا از طریق محاسبات به دست آورند. ۴- با مفهوم عدد مخلوط اشنایی دارند. و می توانند کسر بزرگ‌تر از واحد را به عدد مخلوط و بالعکس عدد مخلوط را به کسر تبدیل کنند. ۵- می توانند برای عددهای مخلوط داده شده شکل بکشند و یا این‌که عدد مخلوط مربوط به شکل‌های داده شده را بنویسد. ۶- دو عدد مخلوط داده شده را با هم جمع کنند و با استفاده از رسم شکل، رسم محور و تبدیل به کسر و محاسبات جواب را بدست آورند. فعالیت‌های مقدماتی ۱																		
فعالیت‌های فراگیران <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">سلام</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">معلم پس از در زدن وارد کلاس می شود و به گرمی با دانشآموزان سلام و احوال پرسی می کند .</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">بله</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">سلام دختران گلم .</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">یکشنبه</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">حالتون خوبه ؟</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">۱۳۹۵/۱۱/۱۷</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">خدارو شکر . امروز چند شنبه است ؟</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">با نام خدا</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">چه تاریخی است ؟</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">بله</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">بچه‌ها هر کاری را با نام چه کسی شروع می کنیم ؟</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">بله</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">معلم بالای تخته می نویسد ، به نام خداوند بخشنده و مهربان</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">بله</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">بچه‌ها تکالیف جلسه قبل را انجام داده اید ؟</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">زینب جان شما که نماینده کلاسی تکالیف را جمع کرده ای ؟</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">دست شما درد نکنه .</td> </tr> </table>	سلام	معلم پس از در زدن وارد کلاس می شود و به گرمی با دانشآموزان سلام و احوال پرسی می کند .	بله	سلام دختران گلم .	یکشنبه	حالتون خوبه ؟	۱۳۹۵/۱۱/۱۷	خدارو شکر . امروز چند شنبه است ؟	با نام خدا	چه تاریخی است ؟	بله	بچه‌ها هر کاری را با نام چه کسی شروع می کنیم ؟	بله	معلم بالای تخته می نویسد ، به نام خداوند بخشنده و مهربان	بله	بچه‌ها تکالیف جلسه قبل را انجام داده اید ؟	زینب جان شما که نماینده کلاسی تکالیف را جمع کرده ای ؟	دست شما درد نکنه .
سلام	معلم پس از در زدن وارد کلاس می شود و به گرمی با دانشآموزان سلام و احوال پرسی می کند .																	
بله	سلام دختران گلم .																	
یکشنبه	حالتون خوبه ؟																	
۱۳۹۵/۱۱/۱۷	خدارو شکر . امروز چند شنبه است ؟																	
با نام خدا	چه تاریخی است ؟																	
بله	بچه‌ها هر کاری را با نام چه کسی شروع می کنیم ؟																	
بله	معلم بالای تخته می نویسد ، به نام خداوند بخشنده و مهربان																	
بله	بچه‌ها تکالیف جلسه قبل را انجام داده اید ؟																	
زینب جان شما که نماینده کلاسی تکالیف را جمع کرده ای ؟	دست شما درد نکنه .																	

ارزشیابی تشخیصی

معلم رو به دانشآموزان می‌گوید: بچه‌ها قبل از اینکه درس امروز را شروع کنیم اماده هستید به چند سؤال پاسخ دهید. معلم ۳ نوع سؤال به هر گروه می‌دهد و از آن‌ها می‌خواهد با توجه به دستورالعمل داده شده به هر سؤال با همفکری یکدیگر پاسخ دهند. سؤالات در مورد تفریق دو کسر با مخرج مساوی، تفریق دو کسر با مخرج نامساوی و جمع دو عدد مخلوط است.

سوالات همه گروه‌ها یکسان است و دانشآموزان باید سؤالات را با دو روشی که در برگه سؤال برای آن‌ها مشخص شده است پاسخ دهند (شکل، محور، تبدیل به کسر، از طریق محاسبه).

۱

ایجاد انگیزه

یکی از دانشآموزان با ناراحتی و کمی تأخیر وارد کلاس می‌شود. معلم از او علت را جویا می‌شود. دانشآموز چنین بیان می‌کند که از دست خواهر بزرگترش ناراحت است. او می‌گوید مادرشان به آن‌ها ۵ ویفر کاکائویی داده و به آن‌ها گفته ۳ و نصفی برای خواهر بزرگ و بقیه برای خواهر کوچک‌تر است. خواهر بزرگ‌تر به او یک و نیم ویفر داده اما او معتقد است که سهمش دو تا و نصفی می‌شده است.

معلم به او می‌گوید که درس امروز آن‌ها نیز در مورد همین مسأله است. و به او قول می‌دهد که با کمک سایر دانشآموزان در حل کردن مسأله به او کمک کند. سپس سؤال دانشآموز را به صورت ریاضی روی تابلو می‌نویسد.

۲۰

ارئه درس و ارزشیابی تکوینی

بعد از ورود دانشآموز و مطرح کردن مشکل خود، معلم رو به دانشآموزان می‌گوید که اتفاقاً درس امروز هم در مورد همین موضوع است. امروز با کمک یکدیگر مشکل دوست خود را حل می‌کنیم. سپس تفریق گفته شده را روی تابلو می‌نویسد.

$\frac{1}{5} - \frac{3}{4} =$

- دخترای گلم روی میز هر کدام از شما یک سری وسایل وجود دارد (محور و شکل) از هر کدام که می‌خواهید برای بدست آوردن جواب این سؤال استفاده کنید.

معلم به همه گروه‌ها سرزده و آنها را راهنمایی می‌کند. پس از این که مطمئن شد همه به جواب رسیده‌اند.

از یکی از گروه‌ها می‌خواهد تا شکل یا محور خود را روی تابلو بچسباند و روش کار گروه خود را توضیح دهد.

بعد از این که پاسخ سؤال بررسی شد معلم از دانشآموزان می‌خواهد که بدون استفاده از شکل جواب سؤال را پیدا کنند. بعد از بازدید از گروه‌ها و ارائه راهنمایی‌های لازم از گروه‌ها می‌خواهد روش خود را توضیح دهند و روی تابلو و در جای مشخص بنویسند. معلم رو به دانشآموزان می‌گوید:

- بچه‌ها به یاد دارید که تفریق عدددهای بزرگ مثل ۳۴۵ منهای ۲۸۱ را چطور انجام می‌دادیم؟ یا تفریق

اعداد مرکب؟

تفریق عدهای مخلوط نیز یک تفریق عادی است و ما می‌توانیم از طریق زیر هم نویسی پاسخ آن را پیدا کنیم.

معلم مسئله قبل را از طریق روش زیر همی حل کرده و توضیح می‌دهد.

$$\begin{array}{r} 5 \\ - 3 \quad \frac{1}{2} \\ \hline 1 \quad \frac{1}{2} \end{array}$$

سپس مثال دیگری مطرح کرده و از دانشآموزان می‌خواهد با استفاده از این روش به پاسخ درست دست پیدا کنند. و از آنها می‌خواهد که برای اطمینان از درستی جواب خود شکل رسم کنند.

سپس مثال را تغییر داده و مسئله زیر را مطرح و توضیح می‌دهد.

$$\begin{array}{r} 4 \quad \frac{1}{3} \\ - 3 \quad \frac{2}{3} \\ \hline 0 \quad \frac{2}{3} \end{array}$$

و مانند قبل سؤالی جدید به دانشآموزان داده می‌شود تا با مشورت با گروه خود جواب را پیدا کنند.

۱

جمع‌بندی

معلم چگونگی انجام دو نوع تفریق عدد مخلوط را با است از پاورپوینت و رسم شکل مرور می‌کند.

۳

ارزشیابی پایانی

معلم سؤالاتی که از قبل تهیه کرده است، بین دانشآموزان توزیع می‌کند. سؤالات هر گروه با گروه دیگر تفاوت دارد. معلم از دانشآموزان می‌خواهد ابتدا به صورت انفرادی جواب سؤالات را پیدا کنند سپس درستی پاسخ خود را با اعضای گروه بررسی کنند. سپس معلم از دانشآموزان می‌خواهد که پاسخ سؤالات خود را

روی تابلو بنویسند.

۱

تعیین تکلیف

معلم از دانشآموزان می‌خواهد که به ورقه سؤالاتی که به آنها داده می‌شود به صورت انفرادی و در خانه پاسخ دهند.

سپس با توجه به نحوه فعالیت گروه‌ها در کلاس یکی از فعالیت‌های زیر به عنوان کار گروهی به هر یک از دانشآموزان داده می‌شود.

*برای عبارت داده شده دو مسأله بنویسند.

*به دو مسأله داده شده پاسخ دهند.

*تغیریق داده شده را محاسبه کرده و توضیح چگونگی محاسبات خود را بنویسید.

*به سؤال عملکردی داده شده پاسخ دهید.